Министерство образования и науки Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования "Южно-Уральский государственный университет" (национальный исследовательский институт) Политехнический институт Факультет «<u>Механико-технологический</u>» Кафедра «<u>Гидравлика и гидропневмосистемы</u>»

РАБОТА ПРО	ВЕРЕНА	ДОПУСТИ	ИТЬ К ЗАЩИТЕ
Рецензент		Заведующи	ий кафедрой
	/		//
""	2017 г.	""	2017 г.

Разработка гидроимпульсного компрессора

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА К ВЫПУСКНОЙ КВАЛИФИКАЦИОННО РАБОТЕ ЮУрГУ-15.03.02.2017.394.ПЗ ВКР

Нормоконтролер

____Подзерко А.В. "____"___2017 г. Руководитель работы _____Спиридонов Е.К. "____"___2017 г.

Автор работы студент группы П-457

____Костылева Е.А. "_____"____2017 г.

АННОТАЦИЯ

Костылева Е.А. Разработка гидроимпульсного компрессора. – Челябинск: ЮУрГУ, МТ; 2017, 54 с., 22 ил., библиогр. список – 8 наим.

Проведен обзор научно-технической литературы, выявлена тенденция повышения коэффициента эжекции для струйных аппаратов. Описана физико-математическая модель струйного аппарата с прерывистой струей (гидроимпульсного компрессора). Построены характеристики ГИК на основе данной модели. Вычислены основные размеры ГИК для заданного режима работы и выполнена конструктивная схема в графическом редакторе Компас.

					ЮУрГУ-15.03.02.	2017.	394 П	З ВКР
Изм.	Лист	№ докум.	Под-	Дат				
Раз	раб.	Костылева				Лит.	Лист	Листов
Про	o-	Спиридо-			Разработка			
Per	ценз.				гидроимпульсного			
Н.		Подзерко			компрессора		ЮУрІ	'Y
Утв	ерд.					Кафе	едра І	ч ГПС

ОГЛАВЛЕНИЕ

1.	ОБЗОР НАУЧНО-ТЕХНИЧЕСКОЙ ЛИТЕРАТУРЫ4
2.	ФОРМУЛИРОВКА ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ВКР13
3.	ПРИНЦИПИАЛЬНАЯ СХЕМА И РАБОЧИЙ ПРОЦЕСС ГИК14
-	3.1. Формирование жидкого снаряда18
-	3.2. Движение снарядов в рабочей камере
4.	ХАРАКТЕРИСТИКИ ГИК И ИХ АНАЛИЗ
5.	ОПРЕДЕЛЕНИЕ ОСНОВНЫХ ХАРАКТЕРИСТИК ГИК
6.	СОПОСТАВЛЕНИЕ ХАРАКТЕРИСТИК ГИК И ВВЭ45
(6.1. Принципиальная схема и математическая модель
вод	овоздушного эжектора45
(6.2. Сравнение характеристик ГИК и ВВЭ
3A	КЛЮЧЕНИЕ
БИ	БЛИОРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК
]	ПРИЛОЖЕНИЕ 1. КОНСТРУКТИВНАЯ СХЕМА ГИК

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

1. ОБЗОР НАУЧНО-ТЕХНИЧЕСКОЙ ЛИТЕРАТУРЫ

Компрессорами называют машины, предназначенные для сжатия (компримирования) и перемещения газов.

Жидкостно-газовый эжектор (ЖГЭ) – струйный компрессор. В данном устройстве эжектируемым потоком (поток с низким давлением) является газ, а эжектирующим потоком (поток с высоким давлением) – жидкость. Давление эжектируемого потока увеличивается за счет его смешения и энергообменом с эжектируемым потоком. В результате взаимодействия потоков в эжекторе образуется их смесь, имеющая среднее давление выше давления эжектируемой среды и ниже давления потока эжектирующей жидкости.

Исследование эжекторов, в которых смешиваемыми потоками были несжимаемые среды, начались еще в 20-х годах прошлого века [1].В СССР первые исследования эжекторов были начаты практически в то же время Баулиным В.В., Берман Л.Д., Ефимочкни Г.И., Спиридонов Е.К., Соколов Е.Я., Зингер Н.М. и другие. Почти за столетие газо-жидкостные компрессоры претерпели много изменений в своей конструкции. Можно выделить 3 поколения жидкостногазовых компрессоров [2]:

1) На первой стадии конструкция жидкостногазовых компрессоров почти не отличалась от традиционной конструкции струйных насосов с однородными средами. Например, эжектора с цилиндрической и изобарической камерами смешения.

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата



Рис. 1. Схема эжектора с цилиндрической камерой смешения: 1 – сопло для высоконапорной среды, 2 – сопло для низконапорного газа, 3 – камера смешения, 4 – диффузор, 5 – граница струй, 1-1, 2-2, 3-3 – характерные сечения проточной части, Кр – критическое сечение сопла 1



Рис. 2. Схема эжектора с изобарической камерой смешения: 1 – сопло для высоконапорной среды, 2 – сопло для низконапорного газа, - начальный участок камеры смешения, 4 – торцевая стенка начального участка, 5 – граница струй, 6 – горловина, 7 – выходной участок камеры смешения, 8 – диффузор, 1-1, 2-2, 3-3 – характерные сечения эжектора

						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	5
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		Ũ

Принцип работы таких эжекторов основан на трении на границах раздела фаз в результате чего, происходит увлечение газа жидкостью. В смесительной камере происходит энергообмен между средами и повышение статического давления. Диффузор на выходе из смесительной камеры преобразует часть динамического давления жидкостногазовой смеси в статическое. При этом сопло и смесительная камера устанавливаются соосно вместе с приемной камерой, а длина смесительной камеры составляла 3...10 диаметров [3].

Такие эжекторы широко использовались во многих отраслях народного хозяйства в качестве вакуумных аппаратов, гидрокомпрессоров, смесителей жидкости и газов. Однако эффективность таких эжекторов сравнительно невелика, так как конструкции газожидкостного компрессора с осевыми габаритами, характерными для аппаратов с однофазными средами, не могут реализовать рабочий процесс двухфазного струйного компрессора в полном объеме.

2) Исследования Г.И. Ефимочкина показали, что придание выходному отверстию рабочего сопла вместо круглого сечения формы креста или кольца не приводит к увеличению коэффициента эжекции аппарата.

Исследования Л.Д. Берман, Г.И. Ефимочкин, Е.К. Спиридонова впервые показали, что процесс подсоса воздуха в жидкостно-газовых струйных аппаратах в значительной степени зависит от распада рабочей струи на капли, т.е. от диспергирования рабочей жидкости. Для диспергированных рабочих струй основными факторами, влияющими на вовлечение в жидкостную струю газа, становится степень турбулизации дисперсной струи на её поверхности и суммарная площадь поверхности капель.

В зависимости от типа рабочей струи различают жидкостно-газовые аппараты с компактной струей и с диспергированной струей.

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата



Рис. 3. Схемы проточной части жидкостно-газовых эжекторов с компактной рабочей струей: а – с короткой камерой смешения, б – с удлиненной камерой смешения

В зависимости от соотношения температур рабочей (жидкой) и пассивной (газовой) сред рассматриваемые аппараты разделяют также на две группы: термодинамическую, к которой относят аппараты со смешиваемыми потоками, имеющими существенно разные температуры, и изотермическую, когда разница температур смешиваемых потоков незначительна и ею можно пренебречь при расчете гидравлических процессов эжектирования [4].

В большинстве случаев струйные аппараты с компактной струей относятся к изотермической группе. Конструкции этих аппаратов (рис.3) почти не отличаются от конструкций гидроструйных насосов. Различают жидкостно-газовые струйные аппараты с короткой (рис. 3, а) и удлинённой (рис. 3, б) камерой смешения.

						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	7
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		

Долгое время в качестве жидкостно-газовых эжекторов в основном применяли аппараты с короткой камерой смешения ($l_{\Gamma} \ll 10d_{\Gamma}$), которые конструировались по тем же правилам, что и гидроструйные насосы. Такие струйные аппараты (эжекторы) широко применяют в качестве вакуумных аппаратов, гидрокомпрессоров и смесителей для жидкости и газа. В частности, водовоздушные и газовоздушные аппараты с традационной геометрией проточной части используют для вакуумирования центробежных насосов перед пуском; откачки газов и пара из вакуумных деаэраторов и конденсаторов турбин; смешения и растворения газов в жидкости; получения сжатого воздуха при подпитке гидропевматических установок; подачи воздуха в аэрационные сооружения систем городского и промышленного водоотведения и т.п.

Работу жидкостно-газовых эжекторов зарактеризуют объемным коэффициентом эжекции α , равным отношению объемного расхода эжектируемого газа (воздуха) W_Г, приведенного к давлению на всасывании аппарата р_н, к объемному расходу рабочей жидкости W_Ж. Для жидкостно-газовых струйных аппаратов с компактной струей коэффициент эжекции α в описанных выше схемах установок находится в пределах 0 – 3,5. При этом значение основного геометрического параметра, равного отношению диаметра горловины (камеры смешения) d_Г к диаметру рабочего сопла d_с, изменяется от 1,2 до 4.

Стремление усовершенствовать жидкостно-газовые струйные аппараты привело Б.Е. Коренова к созданию эжекторов с удлиненной камерой смешения (рис.3, б). В таких аппаратах длина камеры смешения увеличена до $30-35d_{\Gamma}$. Как показано на рис.3 б, в эжекторах с удлиненной камерой смешения отсутствует диффузор. Эжектор содержит рабочее сопло и цилиндрическую камеру смешения, которая скачкообразно переходит в сливную трубу. Такая конструкция эжектора позволяет увеличить объемный коэффициент эжекции α примерно в два раза при работе его в режиме вакуумного аппарата. При этом эффективность по сравнению с эжектором, имеющим короткую камеру смешения, возрастает по мере увеличения создаваемого вакуума.

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

В струйных аппаратах с диспергированной струей в качетве рабочего сопла используют различные распылители жидкости (форсунки). Такие аппараты позволяют развить объемный коэффициент эжекции до 1000 и более. Однако нормальный перепад давлений между зонами всасывания и нагнетания газа составляет 25 – 150 мм вод.ст.. Для таких аппаратов отношение диаметра камеры смешения d_г к диаметру выходного сечения рабочего сопла d_C достигает 10000 и более.

На рис.4 представлена одна из первых конструкций таких аппаратов – струйный вентилятор, разработанный фирмой «Кёртинг». Струйные вентиляторы и газопромыватели сначала были предназначены в основном для перекачки или отвода воздуха с одновременной его промывкой и удалением вредных или извлечением ценных компонентов. В дальнейшем такие струйные аппараты стали применять и в качестве тепломассообменных аппаратов (струйных градирен и кондиционеров).

Показанная на рис.4 установка работает следующим образом. Рабочая жидкость (вода или раствор) забирается циркуляционным насосом 5 из бака 8, являющегося одновременно отстойником, подается по трубе 4 в соплораспылитель 2. Диспергированная струя поступает в камеру смешения 9, подсасывая при этом определенное количество воздуха по трубе 1. За счет значительной площади поверхности факела, образующегося при распылении воды форсункой, обменные процессы между водой и эжектируемым воздухом происходят весьма интенсивно (происходит очистка или охлаждение воздуха). Задержанные водой примеси можно перевести в осадок или отделить от воды химическим путем. Воздух после аппарата удалается по трубе 3. Для подпитки системы жидкостью и удаления жидкости и загрязнений из бака 8 служат соответственно трубы 6 и 7.

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата



Рис. 4. Схема жидкостно-газового аппарата с диспергированной струей жидкости

Для уменьшения габаритов аппаратов с диспергированной струей разработали струйные эжекторы, в которых для уменьшения общей длины аппарата применена многоканальная конструкция рис.5. Например, водовоздушный струйный насос ЭВ-7-1000. Данный насос состоит из семи параллельно включенных бездиффузорных проточных частей (каналов) 3 с общей приёмной камерой 2. Каждый канал имеет сопло 1. Основной геометрический параметр – отношение площадей проходных сечений сопла и смесительной камеры для эжектора ЭВ-7-1000 составляет 0,203...0,21; а относительная длина камеры смешения рана 30. Данный тип насосов применяется в качестве основных воздухоотсасывающих устройств конденсаторов мощных паровых турбин, однако в отличие от эжекторов первого типа они потребляют на 300...350 м³/ч меньше и уровень вибрации данных насосов ниже.

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

В водоструйных насосах ВТИ ЭВ-7-1000 применена многоканальная конструкция. Однако, многоканальная конструкция, не изменяя относительной длины каждой проточной части, приводит к увеличению потерь на гидравлическое трение в насосе. В результате эффективность насоса снижается. Также многоканальная конструкция усложняет струйный насос и ухудшает показатели надежности [2].



						Лисп
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	11
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		

В настоящее время жидкостно-газовые струйные аппараты с диспергированной струей применяют в качестве тепломассообменников, струйных вентиляторов и газопромывателей, а также пеногенераторов для получения высокократной пены.

Анализ существующих конструкций жидкостногазовых струйных насосов показал, что в большинстве струйных аппаратов основные узлы: сопло, приемная и смесительная камеры, установленные последовательно. Значит при одновременной подаче обоих сред в камеру смешения можно получить высокий коэффициент эжекции, но большие размеры аппарата. Либо более компактный аппарат, но с более низким коэффициентом эжекции. Данные насосы являются нерегулируемыми, т.к. их конструкция не позволяет управлять рабочим процессом.

Для получения более высокого коэффициента эжекции при сравнительно небольших размерах конструкции жидкосно-газового эжектора можно использовать эжектор с прерывистой струей, т.е. мы получаем поочередную подачу жидкости в камеру смешения жидкости и газа. Данная конструкция характеризуется отличным от эжекторов 1 и 2 поколения рабочим процессом, который включает эжекцию за счет сил трения, а также и сил давления. Эжекторы с импульсной струей образуют аппараты 3 поколения.

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

2. ФОРМУЛИРОВКА ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ВКР

Целью выпускной квалификационной работы является исследование рабочего процесса в ЖГЭ с импульсной подачей активной струи в камеру смешения, выявить потенциальные возможности аппарата данного типа.

Для достижения цели необходимо решить следующие задачи:

- 1) Проанализировать рабочий процесс ЖГЭ, составить физико-математическую модель ЖГЭ.
- Анализируя физико-математическую модель, выявить основные параметры рабочего процесса и выбрать расчетную модель для последующего исследования.
- 3) Построить характеристики ЖГЭ с прерывистой струей для заданных параметров ЖГЭ: активная среда вода, пассивная среда воздух, давление всасывания Р₂=100 кПа, температура воздуха Тг₂=290 К, массовый расход эжектируемого воздуха Мг=20 г/с, степень сжатия ε₅₂=6. Выбрать наиболее эффективный режим работы
- 4) Разработать конструкцию (конструктивную схему) ЖГЭ.

					ЮУ
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата	

3. ПРИНЦИПИАЛЬНАЯ СХЕМА И РАБОЧИЙ ПРОЦЕСС ГИК

Принципиальная схема импульсного компрессора (ИК) показана на рис.1. Основными элементами аппарата являются: камера 1 с высоконапорной жидкостью, приемная камера 2 с эжектируемым газом, сопловое устройство 3.



Рабочая камера (цилиндрическая труба) 4 и напорная полость 5 с газожидкостной смесью. Сопловое устройство содержит входной канал 6, ствол 7 и прерыватель 8, который поочередно открывая – закрывая входной канал обеспечивает подачу высоконапорной среды в виде жидких снарядов. Основные параметры прерывателя: период цикла – Т, равный продолжительности одного закрытия – открытия входного канала, и коэффициент прерывистости – τ_p , являющийся отношением времени открытия t_p входного канала к периоду Т:

$$\tau_{\rm p} = \frac{t_{\rm p}}{T} \tag{1}$$

Рабочий процесс ГИК состоит из двух частей: формирование жидких снарядов и их движение в рабочей камере. Формирование каждого снаряда происходит при открытом входном канале. В момент его перекрытия начинается движение снаряда в трубе, в процессе которого снаряд сжимает массу от предыдущего цикла и увлекает в рабочую камеру из приемной новую порцию газа. По мере движения снарядов в рабочей камере давление газа изменяется от P_2 до P_{n-1} (n – число снарядов, одновременно находящихся в рабочей камере). После прохождения снарядом концевого сечения камеры он попадает в полость 5 и теряет свою индивидуальность [5].

ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 П	3 B
Изм. Лист № докум. Подпись Дата	

KР



Рис. 7

В зависимости от числа снарядов, одновременно находящихся в трубе, можно выделить несколько режимов работы ГИК. Односнарядный режим (рис.7 а) может быть при внедрении в трубу нового снаряда прежний покидает её. На этом режиме сжатие газа оказывается двухсторонним: с одной стороны, движущимся снарядом, а с другой стороны – газожидкостной смесью, втекающей в рабочую камеру из напорной полости до полного выравнивания давления в них. Дальнейшее торможение снаряда происходит уже под действием противодавления, несколько превышающего р₅, что обусловлено сопротивлением выталкиваемой газожидкостной

					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата	

ПЗ ВКР

смеси. Время движения снаряда в трубе составляет не менее одного периода Т. Значит, односнарядный режим является критическим режимом работы, так как сопровождается выбросом газожидкостной смеси из напорной полости в рабочую камеру и, как следствие этого, сжатием газа сверх необходимого.

Более благоприятным является двухснарядный режим работы компрессора, при котором во время формирования очередного снаряда в трубе находится два снаряда, причем первый из них сразу же покидает рабочую камеру сразу после закрытия входного канала (рис.7 б). На этом режиме сжатие газа до давления р₅ оказывается более плавным и происходит в течение одного периода Т в промежутке между новым и прежним снарядами. Время движения каждого снаряда в камере равно 2T, в первый период снаряд увлекает в трубу новую порцию газа и сжимает массу газа от предыдущего цикла, а во второй – выталкивает сжатый газ в напорную полость.

При большем количестве снарядов в рабочей камере компрессора рабочий процесс протекает также, как и при двух снарядах с той лишь разницей, что сжатие газа становится многоступенчатым и время движения каждого снаряда в трубе возрастает относительно периода Т. Так при трехснарядном режиме работы компрессора (рис.7 в) сжатие каждой порции газа осуществляется в две стадии: сначала в промежутке между первым и вторым снарядами (первый период), а затем в промежутке между вторым и третьим снарядами (второй период). Продолжительность движения каждого снаряда в трубе равна ЗТ. При увеличении числа снарядов, одновременно находящихся в рабочей камере, при прочих равных условиях растет длина рабочей камеры, как следствие растут потери на гидравлическое трение. Либо при сохранении постоянной длины камеры и прочих равных условиях для увеличения числа одновременно находящихся в трубе снарядов необходимо уменьшить период времени открытия-закрытия – Т, при этом возрастут потери на механическое трение между прерывателем 8 и входным каналом 6.

Таким образом, для обеспечения нормальной работы ГИК необходимо, чтобы в его рабочей камере постоянно находилось не менее двух снарядов.

						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	17
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		- /

3.1. Формирование жидкого снаряда

В общем случае формирование каждого снаряда происходит в 2 стадии:

- 1) Формирование снаряда при втекании жидкости в ствол рис.8 а.
- После заполнения ствола жидкость устремляется в газовую среду и дальнейшее формирование происходит в свободных изобарических условиях рис.8



Рис. 8 Формирование жидкого снаряда

В двух предельных случаях формирование снаряда может происходить в одну стадию – в первую, когда ствола L достаточно велика, или во вторую при L=0. По истечение времени открытия t_p входного канала затвор разрывает поток и снаряд покидает ствол.

					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394	ПЗ
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата	-	

Лист 18

BKP

 L_o – длина входного канала, L – длина ствола, ρ – плотность жидкости, U_{∞} - скорость жидкости при установившемся течении, F – площадь поперечного сечения жидкого снаряда, F_0 – площадь поперечного сечения канала.

Перейдем к безразмерным координатам: относительное время формирования снаряда $\theta = \frac{tU_{\infty}}{L_0}$, длина ствола $l = \frac{L}{L_0}$, искомые функции – безразмерные скорости снаряда в стволе $u = \frac{U}{U_{\infty}}$ и скорости в газовом пространстве $v = \frac{V}{U_{\infty}}$, масса $m = \frac{M}{\rho F_0 L_0}$, длина снаряда $h = \frac{H}{L_0}$ и площадь поперечного сечения $f = \frac{F}{F_0}$.

Рассмотрим первую стадию процесса формирования – втекание жидкости в цилиндрический ствол. При этом неравномерностью распределения скоростей в живых сечениях потока и изменением коэффициента гидравлического трения λ как во времени, так и по длине потока пренебрегаем.



Рис. 9 Расчетная схема формирования жидкого снаряда

Составим уравнение II з. Ньютона в проекции на ось Ох:

$$ma = F_{\rm A} + F_{\rm M} + F_{\rm Tp} \tag{2}$$

						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	19
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		

Где, $ma = \rho F_0 (L_0 + x) \frac{d^2 x}{dt^2}$ – произведение массы на ускорение снаряда, $F_{\rm A} = F_0 P_1 - F_0 P_2$ – силы давления, действующие на снаряд, $F_{\rm M} = mg$ – массовые силы,

 $F_{\rm Tp} = \left[\lambda \frac{(L_0 + x)}{d} + 1\right] \frac{\rho U^2}{2} \pi d$ – силы трения, возникающие при течении жидкости по каналу. Где λ – коэффициент потерь на трение по длине, $(L_0 + x)$ – линейный размер канала, d – диаметр канала, U – скорость жидкости в канале.

Запишем уравнение (2) в единицах давления (Па):

$$\rho(L_0 + \mathbf{x})\frac{d^2\mathbf{x}}{dt^2} = P_1 - P_2 - \left[\lambda\frac{(L_0 + \mathbf{x})}{d} + 1\right]\frac{\rho U^2}{2}$$
(3)

Введем
$$\Psi = \frac{1}{\sqrt{\left[\lambda \frac{(L_0 + x)}{d} + 1\right]}} = \frac{1}{\sqrt{\left[\lambda \frac{L_0}{d}(1 + x/L_0) + 1\right]}} = \frac{1}{\sqrt{[\zeta_0(1 + x) + 1]}} = -$$
коэффициент скоро-

сти при втекании, равный полному коэффициенту скорости φ при x=L, если процесс формирования происходит в две стадии или x=H, если формирование снаряда целивом протекает в стволе (длина снаряда H≤L). В дальнейшем пренебрегаем изменением коэффициента Ψ , принимая в расчетах $\Psi = \varphi$

$$\rho(L_0 + \mathbf{x})\frac{d^2\mathbf{x}}{dt^2} = P_1 - P_2 - \frac{\rho}{2\Psi^2} \left(\frac{d\mathbf{x}}{dt}\right)^2 \tag{4}$$

Скорость установившегося течения из камеры 1 в камеру 2:

$$U_{\infty} = \varphi \sqrt{\frac{2(P_1 - P_2)}{\rho}} \tag{5}$$

Уравнение (4) с учетом уравнения (5) в безразмерных координатах:

$$\rho(1+x)\frac{\rho}{\varphi^2 2(P_1 - P_2)}\frac{d^2x}{d\theta^2} = P_1 - P_2 - \frac{\rho^2}{\varphi^4 4(P_1 - P_2)}\left(\frac{dx}{d\theta}\right)^2 \tag{6}$$

$$\rho(1+x)\frac{\rho}{\varphi^2 2(P_1 - P_2)}\frac{d^2 x}{d\theta^2} = \frac{\varphi^4 4(P_1 - P_2)^2 - \rho^2 \left(\frac{dx}{d\theta}\right)^2}{\varphi^4 4(P_1 - P_2)} \tag{7}$$

До множим на $\frac{\varphi^4 4(P_1 - P_2)}{\rho^2}$ уравнение (7):

$$2\varphi^{2}(1+x)\frac{d^{2}x}{d\theta^{2}} = \frac{\varphi^{4}4(P_{1}-P_{2})^{2}}{\rho^{2}} - \left(\frac{dx}{d\theta}\right)^{2}$$
(8)

						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	20
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		- °

В уравнении (8) $\frac{\varphi^4 4(P_1 - P_2)^2}{\rho^2} = U_{\infty}^2 = 1$, т.к. уравнение в безразмерных координатах. Также в (8) заменим $\frac{dx}{d\theta} = u$:

$$2\varphi^{2}(1+x)u\frac{du}{dx} = 1 - u^{2}$$
(9)

Интегрируя (9) при начальных условиях: $x=x/L_0=0$, u=0 – получим закон нарастания скорости снаряда при втекании жидкости в цилиндрический ствол:

$$2\frac{1}{2}\int_{0}^{u}\frac{1}{1-u^{2}}d(-u^{2}+1) = -\frac{1}{\varphi^{2}}\int_{0}^{x}\frac{1}{(1+x)}dx$$
(10)

Произведем преобразования (10):

$$ln[1 - u^{2}] = -\frac{1}{\varphi^{2}}ln[1 + x]$$
(11)

$$u = \sqrt{1 - [1 + x]^{-\frac{1}{\varphi^2}}}$$
(12)

Заменим $\beta = \frac{1}{\varphi^2}$, тогда (12):

$$u = \sqrt{1 - [1 + x]^{-\beta}} \tag{13}$$

К концу втекания, когда $\theta = \theta_{\rm B}$ и *x*=*l*, жидкий снаряд разгонится до скорости:

$$u_{\rm B} = \sqrt{1 - [1 + l]^{-\beta}} \tag{14}$$

А его масса станет равной массе жидкости, заполнившей сопло:

$$m_{\rm B} = \frac{\rho L F_0}{\rho L_0 F_0} = l \tag{15}$$

Продолжительность полного заполнения ствола:

$$\theta_{\rm B} = \int_0^l \frac{dx}{u} \tag{16}$$

Решив уравнение (18) получим:

$$\theta_{\rm B} = 2e^{\beta(\ln(l+1)-1)}\sqrt{e^{\beta\ln(l+1)}-1} - \left[3e^{1.25\beta\ln(l+1)} - 6e^{2\beta\ln(l+1)}\right]$$
(17)

						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	21
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		



Рис. 10. Графики v(x) и m(x)

Из формул (9), (15) и (17) следует, что с увеличением длины ствола *l* скорость, достигнутая при втекании, $u_{\rm B}$ и продолжительность полного заполнения ствола $\theta_{\rm B}$ возрастают. Влияние коэффициента сопротивления входного канала $\zeta_0 = \lambda \frac{L_0}{d}$ на зависимости $u_{\rm B}(l)$ и $\theta_{\rm B}(l)$ показано на рис. 10.

По достижении свободной поверхностью выходного сечения ствола начинается истечение жидкости, которое сопровождается дальнейшим её разгоном. Изменение скорости в заполненном стволе описывается уравнением:

$$u = th \left[Arcth(u_{\rm B}) + \frac{\theta - \theta_{\rm B}}{2\varphi^2(1+l)} \right]$$
(18)

Масса М, вытекшая из ствола, зависит от времени истечения и в безразмерных координатах является функцией $m(\theta)$ преобразованной по отношению к функции $u(\theta)$. Отсюда:

$$m = \int_{\theta_{\rm B}}^{\theta} u d\theta = 2\varphi^2 (1+l) ln \left\{ \sqrt{1-u_{\rm B}^2} \cdot ch \left[Arcth(u_{\rm B}) + \frac{\theta-\theta_{\rm B}}{2\varphi^2(1+l)} \right] \right\}$$
(19)

Формирование снаряда на стадии истечения происходит за стволом (рис.8 б). При этом, вследствие возрастания скорости на срезе ствола, последующие частицы устремляются в газовую среду с большей скоростью, чем предыдущие, и ускоряют их, теряя при взаимодействии часть собственной энергии. В результате разгон жидкой массы за стволом будет отставать от разгона жидкости в стволе, и это отстава-

						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	22
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		

ние будет особенно заметным в начальную фазу истечения, когда велико изменение скорости на срезе ствола. По мере приближения скорости истечения U к установившейся U_{∞} взаимодействие частиц, покидающих ствол, с ранее вытекшими ослабевает и разница (U-V) будет стремиться к нулю.

Среднюю по объёму скорость жидкой массы за стволом найдем по теореме об изменении количества движения. При этом пренебрегаем импульсом сил трения жидкости о газ и учтем, что импульс сил давления при изобарическом формировании снаряда равен нулю. Тогда приращение количества движения жидкой массы за время dt равно притоку количества движения из ствола за то же время, т.е. d(MV)=UdM, где $dM = \rho UF_0 dt$. Отсюда

$$v = \frac{\rho F_0}{M} \int u^2 dt \tag{20}$$

Приведем уравнение (20) к безразмерным величинам и выполним интегрирование с учетом (18), получим закон нарастания скорости жидкой массы за стволом:

$$v = \frac{\theta - \theta_{\rm B} - 2\varphi^2 (1+l)(u - u_{\rm B})}{m} \tag{21}$$

По окончании времени открытия входного канала затвор разделяет поток и снаряд массой

$$m_{c} = m_{\rm B} + m_{\rm p} = l + 2\varphi^{2}(1+l) \cdot ln \left\{ \sqrt{1 - u_{\rm B}^{2}} \cdot ch \left[Arcth(u_{\rm B}) + \frac{\theta_{\rm p} - \theta_{\rm B}}{2\varphi^{2}(1+l)} \right] \right\}$$
(22)

Покидает ствол. При этом часть снаряда m_в, находящаяся внутри ствола, покидает его со скоростью $u_p = u \Big|_{\theta} = \theta_p$, а часть m_p, расположенная вне ствола, начинает полет со скоростью $v_p = v \Big|_{\theta} = \theta_p$, которая согласно (18) и (22) меньше скорости u_p. Вследствие этого жидкость, покидающая ствол, взаимодействует с массой, расположенной за ней, и несколько ускоряет её. В итоге, после опорожнения ствола снаряд приобретает скорость v_c, удовлетворяющую неравенству $v_p < v_c < u_p$. Скорость снаряда v_c в первом приближении равна (пренебрегаем количеством движения снаряда за время опорожнения ствола):

$$\nu_{\rm c} = \frac{m_{\rm B} u_{\rm p} + m_{\rm p} v_{\rm p}}{m_{\rm c}} \tag{23}$$

						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	23
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		-0

Или с учетом (23) и (23):

$$v_{\rm c} = \frac{lu_{\rm p} + (\theta_{\rm p} - \theta_{\rm B}) - 2\varphi^2 (1 + l)(u_{\rm p} - u_{\rm B})}{l + m_{\rm p}}$$
(24)

При длине ствола l=0 характеристики стадии втекания $\theta_{\rm B} = 0, u_{\rm B} = 0, m_{\rm B} = 0, m_{\rm B} = 0, u_{\rm B} = 0, u_$

$$v_{\rm c} = \frac{\theta_{\rm p} - 2\varphi^2 th\left(\frac{\theta_{\rm p}}{2\varphi^2}\right)}{m_{\rm c}} \tag{25}$$

$$m_{c} = 2\varphi^{2} \ln \left[ch\left(\frac{\theta_{p}}{2\varphi^{2}}\right) \right]$$
(26)

При относительной большой длине ствола l, когда формирование снаряда целиком происходит в стволе ($\theta_p \leq \theta_B$), в безразмерных координатах масса снаряда численно равна его длине, т.е. m_c=h_c, а скорость v_c находится из системы уравнений (полученной с помощью уравнений (8) и (10)):

$$\begin{cases} v_c = \left[1 - (1 - h_c)^{-\beta}\right]^{0.5} \\ \theta_p = \int_0^{h_c} \left[1 - (1 + x)^{-\beta}\right]^{-0.5} dx \\ \beta = 1 + \zeta_0 (1 + h_c) \end{cases}$$
(27)

На рис.11 и рис.12 построены графики $v_c(\theta_p)$ и $m_c(\theta_p)$ для нескольких длин ствола. Видно, что с увеличением времени открытия входного канала θ_p относительная скорость v_c возрастает и постепенно начинает стремиться к единице, а масса снаряда m_c возрастает неограниченно. Для всех относительных длин ствола $0 \le l \le h_c$, когда формирование снаряда протекает в две стадии, семейство кривых располагается между двумя граничными линиями, верняя из которых соответствует формированию снаряда в стволе ($l \ge h_c$), а нижняя – формированию без ствола (l=). Влияние же относительной длины l на распределение кривых $m_c(\theta_p)$ оказывается противоположным, – наиболее быстрое возрастание массы снаряда наблюдается при l=0, а наиболее медленное при $l = h_c$.

						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	24
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись Д	Дата		



Размеры и форма жидкого снаряда также зависят от условий его формирования. При полном формировании снаряда в цилиндрическом стволе снаряд имеет форму, близкую к цилиндрической, с площадью поперечного сечения f=1 и длинной h_c , которая зависит от времени θ_p и находится решением системы (27). Если формирование снаряда происходит полностью или частично в свободных изобарических условиях поперечные размеры снаряда изменяется по его длине. В первом приближении форма и длина снаряда могут быть найдены по формулам (28) и (30). На стадии свободного формирования в каждый момент времени u > v. Поэтому каждая жидкая частица $dm = ud\theta$, покидающая ствол, расстекается по предыдущей, приобретая длину $dh = vd\theta$ (рис.8б) и площадь поперечного сечения:

$$f = \frac{dm}{dh} = \frac{u}{v} > \tag{28}$$

Если пренебречь последующей деформацией частиц, то полная длина жидкой массы за стволом ко времени $\theta > \theta_{\rm B}$ слагается из длины всех составляющих её частиц:

$$h = \int_{\theta_{\rm B}}^{\theta} v d\theta \tag{29}$$

А форма осевого сечения жидкой массы определяется поперечными размерами (соответствующие координате по длине) и может быть получена из кривых $f(\theta)$ и $h(\theta)$ при исключении из них времени.

						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	25
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		

Кривые $f(\theta)$ и $h(\theta)$ показаны на рис.12. Можно видеть, что в начальную фазу истечения, когда разница между *и* и *v* велики и, как следствие, велико тормозящее действие предыдущих частиц жидкости на последующие, снаряд приобретает максимальную площадь поперечного сечения, величина которой растет с уменьшением относительной длины ствола *l* и принимает наибольшее значение f_{max} при *l*=0 (без учета сопротивления газовой среды f_{max} -1,42). По мере разгона жидкой массы и уменьшения разницы скоростей и и v эффект растекания ослабевает, и относительная площадь поперечного сечения жидкой массы у среза ствола $f \rightarrow 1$.



Рис. 12

К моменту разрыва потока прерывателем снаряд имеет длину:

$$h_{\rm c} = l + \int_{\theta_{\rm B}}^{\theta_{\rm p}} v d\theta \tag{30}$$

При опорожнении ствола вследствие взаимодействия масс *m*_в и *m*_р длина и форма снаряда могут несколько измениться.

3.2. Движение снарядов в рабочей камере

Рассмотрим движение цепочки из n снарядов в рабочей камере. Расположение снарядов в трубе в момент перекрытия входного канала показано на рис.5. Отсчет перемещения первого снаряда в течение периода будем вести от сечения I-I, второго от II-II и т.д. При работе ИК в установившемся режиме в конце периода (t=T) первый снаряд займет место второго, второй – третьего, а хвост n-го снаряда будет

						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	26
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		

находиться в концевом сечении трубы, а к сечению I-I подойдет новый снаряд. Относительные перемещения $x=x/L_0$ и скорости $v=v/U_\infty$ снарядов в начале и в конце периода будут:

 $\begin{cases} \Pi p_{\mathrm{H}} \theta = 0 \ (t = 0) \ x1 = 0, v1 = vc, x2 = 0, v2 = v1T \ \dots \ xn = 0, vn = v(n-1)T \\ \Pi p_{\mathrm{H}} \theta = \theta_{\mathrm{II}} \ (t = \mathrm{T}) \ x1 = x1T, v1 = v1T, x2 = x2T, v2 = v2T \ \dots \ xn = xnT, vn = vn\mathrm{T} \end{cases} (31)$

Для поддержания работы эжектора без обратного тока жидкости и газа необходимо, чтобы *v_{nT}≥0*.



						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	27
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		_ /

Уравнение движения жидких снарядов в трубе без учета сил тяжести:

$$\begin{cases}
\rho L_{c} \frac{dv_{1}}{dt} = P_{1} - P_{2} - \frac{4\tau_{1}L_{c}}{D} \\
\rho L_{c} \frac{dv_{2}}{dt} = P_{2} - P_{3} - \frac{4\tau_{2}L_{c}}{D} \\
\rho L_{c} \frac{dv_{3}}{dt} = P_{3} - P_{4} - \frac{4\tau_{3}L_{c}}{D} \\
\dots \\
\rho L_{c} \frac{dv_{n}}{dt} = P_{n} - P_{5\kappa} - \frac{4\tau_{n}L_{c}}{D}
\end{cases}$$
(32)

D – диаметр рабочей камеры, равный диаметру снаряда в максимальном по площади поперечном сечении. Например, при длине ствола L=0 $D = \sqrt{1,5}D_0$.

$$L_{\rm c} = \frac{4M_{\rm c}}{
ho\pi D^2}$$
 – длина снаряда в рабочей камере,

 τ_i – пристенные касательные напряжения,

 $P_3, P_4 \dots P_{n+1}$ – давление газа в промежутке между снарядами, которое в течение цикла изменяется от P_2 (при t=0) до P_5 (при t=T) и связано с перемещениями снарядов уравнением изотермического сжатия:

$$\begin{pmatrix}
P_3 = P_2 \frac{x_{1T} - L_C}{x_{1T} - x_1 - L_C + x_2} \\
P_4 = P_2 \frac{x_{1T} - L_C}{x_{2T} - x_2 - L_C + x_3} \\
\dots \\
P_{n+2} = P_2 \frac{x_{1T} - L_C}{x_{nT} - x_n - L_C + x_{n+1}}
\end{cases}$$
(33)

Выразим касательные напряжения через коэффициент гидравлического трения и перепишем систему уравнений ζ_0 в безразмерном виде. После преобразований получим:

$$\begin{cases} \frac{dv_1}{dt} = \frac{1 - (x_{1T} - L_c)/(x_{1T} - x_1 - L_c + x_2)}{2l_c \varphi^2(\varepsilon_{12} - 1)} - 0,5\zeta_0 \sqrt{f} v_1^2 \\ \frac{dv_2}{dt} = \frac{(x_{1T} - L_c)/(x_{1T} - x_1 - L_c + x_2) - (x_{2T} - L_c)/(x_{2T} - x_2 - L_c + x_3)}{2l_c \varphi^2(\varepsilon_{12} - 1)} - 0,5\zeta_0 \sqrt{f} v_2^2 \\ \frac{dv_3}{dt} = \frac{(x_{1T} - L_c)/(x_{2T} - x_2 - L_c + x_3) - (x_{1T} - L_c)/(x_{3T} - x_3 - L_c + x_4)}{2l_c \varphi^2(\varepsilon_{12} - 1)} - 0,5\zeta_0 \sqrt{f} v_3^2 \\ \frac{dv_n}{dt} = \frac{(x_{1T} - L_c)/(x_{(n-1)T} - x_{(n-1)} - L_c + x_n)}{2l_c \varphi^2(\varepsilon_{12} - 1)} - P_{5\kappa} - 0,5\zeta_0 \sqrt{f} v_3^2 \end{cases}$$
(34)
$$\zeta_0 = \lambda \frac{L_0}{D_0} - \kappa 0 \Rightarrow \varphi \varphi$$

						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	28
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		

 $\varphi = \frac{1}{\sqrt{1+\zeta_0(1+x)}}$ – коэффициент скорости.

Система уравнений (34) совместно с условиями (31) целиком описывает движение снарядов в цилиндрической трубе.

4. ХАРАКТЕРИСТИКИ ГИК И ИХ АНАЛИЗ

Будем считать жидкость идеальной и трение равным нулю, тогда уравнение (34):

$$\begin{cases} \frac{dv_1}{dt} = \frac{1 - (x_{1T} - l_c)/(x_{1T} - x_1 - l_c + x_2)}{2l_c(\varepsilon_{12} - 1)} \\ \frac{dv_2}{dt} = \frac{(x_{1T} - l_c)/(x_{1T} - x_1 - l_c + x_2) - (x_{2T} - l_c)/(x_{2T} - x_2 - l_c + x_3)}{2l_c(\varepsilon_{12} - 1)} \\ \frac{dv_3}{dt} = \frac{(x_{1T} - l_c)/(x_{2T} - x_2 - l_c + x_3) - (x_{1T} - l_c)/(x_{3T} - x_3 - l_c + x_4)}{2l_c(\varepsilon_{12} - 1)} \\ \dots \\ \frac{dv_n}{dt} = \frac{(x_{1T} - L_c)/(x_{(n-1)T} - x_{(n-1)} - l_c + x_n) - \varepsilon_{52}}{2l_c(\varepsilon_{12} - 1)} \end{cases}$$
(35)

Почленно сложим правые и левые части:

$$2l_{c}\frac{d^{2}(x_{1}+x_{2}+\dots+x_{n})}{dt^{2}} = -\frac{\varepsilon_{52}-1}{\varepsilon_{12}-1}$$
(36)

Почленно вычтем из первого уравнения движения для 2, 3 ... n-го снарядов, понижая при этом порядок путем замены $\frac{d(x_1 - x_2 - \dots - x_n)}{dt} = v_1 - v_2 - \dots - v_n.$

$$2l_{c}(v_{1} - v_{2} - \dots - v_{n})\frac{d(v_{1} - v_{2} - \dots - v_{n})}{d(x_{1} - x_{2} - \dots - x_{n})} = \frac{\varepsilon_{52} + 1}{\varepsilon_{12} - 1} - \frac{2(x_{1T} - l_{c})}{(x_{(n-1)T} - x_{(n-1)} - l_{c} + x_{n})(\varepsilon_{12} - 1)}$$
(37)

Для решения данной системы уравнений нужны краевые условия для каждого снаряда в начальный и конечный момент времени. Эти условия зависят от положения других снарядов в рабочей камере. Поэтому для упрощения данной системы рассмотрим двухснарядную систему.

Система уравнений (10) для двухснарядной модели:

$$\begin{cases} \frac{dv_1}{dt} = \frac{1 - (x_{1T} - l_c)/(x_{1T} - x_1 - l_c + x_2)}{2l_c(\varepsilon_{12} - 1)} \\ \frac{dv_2}{dt} = \frac{(x_{1T} - l_c)/(x_{1T} - x_1 - l_c + x_2) - \varepsilon_{52}}{2l_c(\varepsilon_{12} - 1)} \end{cases}$$
(38)

						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	29
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		

Преобразуя и интегрируя систему уравнений (38) в замкнутом интервале [0; θ_ц] с учетом условий и выражая в полученных равенствах перемещения снарядов x_{1T} и x_{2T} через коэффициент эжекции α по формулам:

$$x_{1T} = l_{\rm c}(1+\alpha); \ x_{2T} = l_{\rm c}(1+\alpha/\varepsilon_{52}) \tag{39}$$

получим систему уравнений:

$$\begin{cases} \alpha = \frac{\varepsilon_{52} - 1}{\ln(\varepsilon_{52})} \left[\frac{(v_c + v_{2T}) \cdot \theta_{II}}{2l_c} - 1 \right] \\ v_{1T} = \frac{v_c + v_{2T}}{2} + \frac{\alpha l_c}{\theta_{II}} \left[\frac{\varepsilon_{52} + 1}{\varepsilon_{52}} - \frac{2ln(\varepsilon_{52})}{\varepsilon_{52} - 1} \right] \\ \theta_{II} = \int_0^{\varepsilon_{52} - 1/\varepsilon_{52}} \frac{\alpha l_c dz}{\sqrt{(v_c - v_{1T})^2 + \frac{2(v_c - v_{2T})\alpha l_c}{\theta_{II}(\varepsilon_{52} - 1)} [(\varepsilon_{52} + 1)z + 2ln(1 - z)]}} \\ \varepsilon_{12} = \frac{(\varepsilon_{52} - 1)\theta_{II}}{2l_c(v_c - v_{2T})} + 1 \end{cases}$$

$$(40)$$

 α – коэффициент эжекции, $\theta_{\rm q} = \theta_{\rm p}/\tau_{\rm p}$ – время цикла, $z = \frac{x_1 - x_2}{\alpha L_c}$ – переменная. Система уравнений совместно с формулами и позволяет по заданным времени открытия входного канала $\theta_{\rm p}$, длине ствола *l* и скорости снаряда в конце второго периода v_{2T} рассчитать характеристики компрессора, то есть каждой степени сжатия ε_{52} поставить в соответствие продолжительность цикла $\theta_{\rm q}$ и коэффициент прерывистости $\tau_{\rm p}$, степень расширения ε_{12} , коэффициент эжекции α и КПД η .

Установим область определения характеристик. Для этого рассмотрим предельный режим работы ГИК, при котором $\alpha \to \infty$. Из уравнений системы следует, что для достижения бесконечно больших коэффициентов эжекции потребные продолжительности цикла и степень расширения устремляются в бесконечность, а коэффициент прерывистости $\tau_p \to 0$. При этом отношение $\alpha/\theta_{\rm q}$, скорость снаряда v_{1T} и КПД η принимают предельные значения:

$$\left(\frac{\alpha}{\theta_{\rm II}}\right)^* = \frac{\varepsilon_{52}^* - 1}{\ln(\varepsilon_{52}^*)} \cdot \frac{v_c + v_{2T}}{2l_{\rm c}} \tag{41}$$

$$v_{1T}^* = \frac{v_c + v_{2T}}{2} \cdot \left(\frac{\varepsilon_{52}^* - 1}{\varepsilon_{52}^* \cdot \ln(\varepsilon_{52}^*)} - 1\right)$$
(42)

$$\eta^* = v_{\rm c}^2 - v_{2T}^2 \tag{43}$$

						Лисп
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	30
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		00

Режиму бесконечно больших коэффициентов эжекции соответствует критическая степень сжатия ε_{52}^* , которая находится решением интегрального уравнения:

 $2\ln(\varepsilon_{52}^*)$

$$\frac{\overline{(\varepsilon_{52}^* - 1)}}{(\varepsilon_{52}^* - 1)(v_c - v_{2T})} = \int_0^{(\varepsilon_{52}^* - 1)/\varepsilon_{52}^*} \left\{ (v_c - v_{1T}^*)^2 + \frac{v_c^2 - v_{2T}^2}{\ln(\varepsilon_{52}^*)} \cdot \left[(\varepsilon_{52}^* + 1)z + 2\ln(z) \right] \right\}^{-1/2} dz \quad (44)$$

Полученного из третьего уравнения системы (40) и равенств (41) и (42). Очевидно, работа эжектора с двумя снарядами в трубе возможна лишь при $\varepsilon_{52} > \varepsilon_{52}^*$.



Рис. 14

На рис.13 уравнение проиллюстрировано графиками. Видно, что критическая степень сжатия находится в интервале [1,0; 4,5] при $\varepsilon_{12} = 8$, верхняя граница которого соответствует $v_{2T}=0$, а нижняя – $v_{2T} \rightarrow v_c$.

						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	31
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		

Характеристика ГИК в области $\varepsilon_{52} > \varepsilon_{52}^*$ рассчитывалась в программе Масthcad, некоторые из них приведены на рис.14. Видно, что с увеличением степени сжатия коэффициент эжекции и КПД монотонно убывает, а коэффициент прерывистости – возрастает; в отличие от них функция $\varepsilon_{12}(\varepsilon_{52})$ имеет минимум. Исследование характеристики $\tau_p(\varepsilon_{52})$ и $\varepsilon_{12}(\varepsilon_{52})$ при высоких степенях сжатия показывает, что с ростом ε_{52} коэффициент прерывистости $\tau_p \rightarrow \frac{\theta_p(v_c + v_{2T})}{2l_c}$, а степень рас-

ширения ε_{12} беспредельно растет, приближаясь к асимптоте $\varepsilon_{12} = \frac{\varepsilon_{52} - 1}{(v_c^2 - v_{2T}^2)} + 1.$

Из рассмотренных кривых $\eta(\varepsilon_{52})$ следует, что работа ГИК с высоким КПД возможна, но лишь при малых степенях сжатия. Однако можно полагать, что увеличение числа снарядов, одновременно находящихся в трубе, позволит сместить область эффективной работы в сторону больших степеней сжатия.

Сопоставление характеристик эжектора, построенных на рис.15 для нескольких v_{2T} показывает, что при прочих равных условиях рабочие циклы с нулевой скоростью снарядов в конце второго периода оказывается наиболее эффективными. В этих циклах полностью используется приобретенное при формировании количество движения снарядов и, как следствие этого, коэффициент эжекции и КПД достигают наибольших величин.

На эффективность рабочего процесса ГИК влияют также условия формирования жидких снарядов. «Глубину» влияния относительной длины ствола на характеристики компрессора и их зависимость от времени открытия входного канала иллюстрирует рис.15. Видно, что увеличение длины ствола при неизменных v_{2T} и θ_p практически не сказывается на характеристике $\alpha(\varepsilon_{52})$, но существенно снижает потребную степень расширения ε_{12} ; вследствие этого КПД аппарата повышается и становится максимальным при $l=l_c$. Таким образом ГИК работает экономичней при полном формировании снарядов в стволе. Кроме того, чтобы полностью устранить потери энергии при внедрении снаряда в рабочую камеру, целесообразно ствол и

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

рабочую камеру выполнить из одной трубы, а доступ газа осуществить через специальный распределитель, совмещенный с прерывателем. Одна из возможных конструктивных схем такого ГИК приведена.

Рис.16 показывает, что зависимость характеристик ГИК от продолжительности открытия входного канала θ_p качественно оказывается такой же, как и от длины ствола: с увеличением θ_p коэффициент эжекции практически не изменяется, кривые $\tau_p(\varepsilon_{52})$ и $\varepsilon_{12}(\varepsilon_{52})$ снижаются, а $\eta(\varepsilon_{52})$ повышается. Невысокая эффективность ГИК при малых θ_p обусловлена относительно большим расходом энергии на формирование снарядов, который включает расход энергии на разгон жидкости во входном канале и стволе, а при $l < l_c$ ещё и потери от взаимодействия последующих жидких частиц с предыдущими на стадии свободного формирования снаряда. С увеличением времени открытия входного канала потребление энергии на разгон и взаимодействие частиц уменьшается, скорость снаряда растет и характеристика $\eta(\varepsilon_{52})$ улучшается, но не беспредельно.

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата





Рассмотрим влияние гидравлического трения на характеристики ГИК с прерывистой струей. При этом изменение коэффициента гидравлического трения λ в течение всего времени формирования и движения снаряда в трубе пренебрегаем.

Движение жидких снарядов в трубе с трением описывает система уравнений (33). Но проинтегрировать уравнения данной системы в элементарных функциях не представляется возможным. Поэтому решение задачи о влиянии сил трения на характеристики компрессора осуществились в такой последовательности: для каждого набора параметров τ_p , $\theta_{\rm u}$ и ε_{52} численным интегрированием уравнений (40) с обязательным выполнением условий (31) и вычислением по формулам (27), (39), (40) и (45) рассчитывались функции $v_{1T}(\zeta_0)$, $v_{2T}(\zeta_0)$, $\alpha(\zeta_0)$, $\varepsilon_{12}(\zeta_0)$, $\eta(\zeta_0)$, где ζ_0 .

Изотермический КПД ГИК рассчитывается по формуле:

$$\eta = \frac{\alpha \ln(\varepsilon_{52})}{\varepsilon_{12} - \varepsilon_{52}} \tag{45}$$

Некоторые результаты расчетов приведены на рис.17 и рис.18.

Можно сказать, что сопротивление трения заметно ухудшает характеристики ГИК: с увеличением коэффициента ζ_0 при низменной степени сжатия ε_{52} потребная степень расширения ε_{12} растет, достижимый коэффициент α уменьшается и, как следствие этого, КПД аппарата снижается. Причем, с увеличением степени сжатия ухудшение характеристик эжектора за счет трения становится менее существенным.

Анализ кривых $\eta(\zeta_0)$ на рис.18 показывает, что работа ГИК с КПД $\eta > 50\%$ наблюдается лишь при коэффициентах $\zeta_0 < 0,01 \dots 0,015$. Также малые значения коэффициента ζ_0 возможны при длине входного канала L₀ не превышающей его диаметра D₀ в полтора раза, то есть при L₀ $\leq 1,5D_0$.

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата



№ докум. Подпись Дата

Изм.



5. ОПРЕДЕЛЕНИЕ ОСНОВНЫХ ХАРАКТЕРИСТИК ГИК

Исходные данные:

Эжектируемая среда – воздух, активная среда – вода, давление всасывания $P_2=100$ кПа, температура воздуха $T_2=290$ К, массовый расход эжектируемого воздуха $m_{\Gamma}=20$ г/с, степень сжатия $\varepsilon_{52}=6$. Длина $L_0=0,05$ (м).

$$\alpha = \frac{W_{\Gamma}}{W_{\pi}} = \frac{Q_{\Gamma}}{Q_{\pi}} \tag{46}$$

Расчетным режимом ГИК примем режим при $v_{2T} = 0$ как наиболее эффективный режим, также примем $\theta_p = 5$. С учетом данных система уравнений (40) будет выглядеть так:

$$\begin{pmatrix}
\alpha = \frac{\varepsilon_{52} - 1}{\ln(\varepsilon_{52})} \left[\frac{v_c \cdot \theta_u}{2l_c} - 1 \right] \\
v_{1T} = \frac{v_c}{2} + \frac{\alpha l_c}{\theta_u} \left[\frac{\varepsilon_{52} + 1}{\varepsilon_{52}} - \frac{2ln(\varepsilon_{52})}{\varepsilon_{52} - 1} \right] \\
\theta_u = \int_0^{\varepsilon_{52} - 1/\varepsilon_{52}} \frac{\alpha l_c dz}{\sqrt{(v_c - v_{1T})^2 + \frac{2v_c \alpha l_c}{\theta_u(\varepsilon_{52} - 1)} [(\varepsilon_{52} + 1)z + 2ln(1 - z)]}} \\
\varepsilon_{12} = \frac{(\varepsilon_{52} - 1)\theta_u}{2l_c v_c} + 1
\end{cases}$$
(47)

Выполним расчет основных параметров работы ГИК основываясь на системе уравнений (47). Для предотвращения перемешивания жидкости и газа в камере смешения L₀/d=1...1,5 и относительная длина снаряда не менее 1 [6]. Построения на рис.19 выполнены для h=4 (т.е. L_c=4L₀=0,2 м). При данных условиях коэффициент эжекции α =2,83; соотношение P₁ и P₂ равен ε_{12} = 14,24; коэффициент прерывистости τ_p =0,305; КПД гидроимпульсного компрессора η =0,603.

					Лист
				ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	39
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись Дата		



Состояние газа описывается уравнением Менделеева-Клапейрона:

$$\frac{P_2}{\rho_2} = RT_2 \tag{48}$$

Из уравнения (48) выразим плотность газа:

$$\rho_2 = \frac{P_2}{RT_2} = \frac{100 \cdot 10^3}{287 \cdot 290} = 1,2 \text{ кг/м}^3$$

Определяем объемный расход пассивной среды:

$$Q_2 = \frac{m_2}{\rho_2} = \frac{0,002}{1,2} = 16,67 \text{ л/c}$$
(49)

Из рис. 19 α = 2,83, тогда расход жидкости:

$$Q_1 = \frac{Q_2}{2,83} = 5,89 \,(^{/}/C) \tag{50}$$

Масса снаряда равна:

$$M = \rho_1 L_c F_0 = Q_1 \rho_1 \tag{50}$$

Для снижения пульсации давления в полости перед каналом активного потока и для снижения осевых размеров ГИК примем многоствольную конструкцию рис.20. Многосопловой компрессор содержит коллектор подачи высоконапорной среды 1, соединенный каналами 2 с соплами 3, и параллельно подключенные к полости эжектируемой среды 4, соосными соплами 3, камере смешения 5, а в каналах 2 установлен прерыватель в виде кинематически связанного с приводом 6 диска 7 с отверстиями 8. Диск 7 снабжен кольцевым элементом 9, с отверстиями 10, сообщенными с полостью эжектируемой среды 4, а сумма центральных углов, охватывающих отверстия 8 и 10 в диске 7 и кольцевом элементе 9, не превышают 360°. Полость эжектируемой среды выполнена в виде кольцевого коллектора с выходными каналами 11, расположенных соосно отверстиям 10 в кольцевом элементе 9. Высоконапорная среда, истекая из сопел 3 прерывистой струей, вследствие вращения диска 7 с отверстиями 8, увлекает из в камеры смешения 5 эжектируемую среду, поступающую из полости эжектируемой среды 4 через выходные каналы 11 и отверстия 10 кольцевого элемента 9, эжектируемая среда поступает в рабочую

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

камеру также прерывистой струей, что обеспечивает возможность подачи её в соответствующие камеры 5 в интервалы времени, когда подача высоконапорной среды в сопла 3 прикрыта диском 7 прерывателя.



Рис. 20. Конструкция многоствольного ГИК

Из уравнения (50) потребная площадь поперечного сечения входных каналов потока равна:

$$F_0 = \frac{Q_1 \rho_1}{\rho_1 L_0} = \frac{0.00589 \cdot 1000}{1000 \cdot 0.2} = 0.02945 \,(\text{M}^2)$$
(51)

Из уравнения диаметр рабочей камеры при числе рабочих камер z определяется по формуле:

						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	42
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		

$$d = \frac{4}{\pi} \sqrt{\frac{F_0}{z}} \tag{52}$$

При числе рабочих камер z=9 диаметр каждой камеры d=0,073 м ($L_0/d=0,89$)

При числе рабочих камер z=18 диаметр каждой камеры d=0,05 м (L₀/d=1)

Примем z=18 как наиболее рациональное, так как при z=9 соотношение $L_0/d<1$, что нарушает условие целостности.

Угол окон в диске прерывателя определяется по формулам:

$$\begin{cases} \varphi = \tau_{\rm p} \cdot 180^{\circ} = 0,305 \cdot 180^{\circ} = 55^{\circ} \\ \gamma = \frac{360^{\circ} - 2\varphi}{2} = 125 \end{cases}$$
(53)

Диаметр, на котором располагаются центры камер выбирается из принципа того, что для выполнения условия мгновенного открытия/закрытия длина центральной дуги окна должна быть равна 10 диаметрам камер [7]:

$$l_{\rm OKHa} = 10 \cdot d = 450 \,(\rm MM) \tag{54}$$

Полученное осевое сечение рабочей камеры и прерыватель изображены на рис. 21.

						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	43
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		

φ=55 Рис. 21. Прерыватель Минимальную длину рабочей камеры определяет по уравнению: $x_{2T} + x_{1T} = L_{\kappa} = L_{c} \left(1 + \frac{\alpha}{\varepsilon_{52}} \right) + L_{c} (1 + \alpha) = 0.2 \left(1 + \frac{2.83}{14.24} \right) + 0.05(1 + 2.83) = 0.05(1 + \frac{2.83}{14.24} \right) + 0.05(1 + \frac{2.83}{14.24} \right) + 0.05(1 + \frac{2.83}{14.24} + \frac{2.83}{14.24} \right) + 0.05(1 + \frac{2.83}{14.24} +$ = 1 (м) (53) Примем $L_{\kappa} = 1,5$ (м), что бы гарантировать двуснарядный режим работы. Частота вращения приводного вала должна обеспечивать:

$$n = \frac{l_{\rm oKHa}}{2\pi\theta_{\rm p}} = \frac{0.45}{2\cdot3.14\cdot5} = 0.2 \left(\frac{06}{\rm C}\right) = 12 \left(\frac{06}{\rm MMH}\right)$$
(54)

Полученная из вышеприведенных расчетов и соотношений конструктивная схема приведения в приложении1.

						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	44
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		

6. СОПОСТАВЛЕНИЕ ХАРАКТЕРИСТИК ГИК И ВВЭ

Гидроимпульсный компрессор работает с двумя средами: активная – жидкость, пассивная – газ. Также с двумя средами работает водовоздушный эжектор (ВВЭ). Сравнение характеристик данных аппаратов будем вести по объемному расходу газа Q_г.

6.1. Принципиальная схема и математическая модель водовоздушного эжектора

Принципиальная схема ВВЭ показана на рис.21. Струя жидкости со скоростью v_{x0} устремляется из сопла в рабочую камеру (РК) и увлекает за собой воздух из приемной камеры (ПК). При достаточной длине камеры РК в ней образуется зона смешения, в которой происходит смещение газа и жидкости в результате чего на выходе получается водовоздушная смесь с давление выше, чем давление газа, но ниже чем давление жидкости. До зоны смещения поток представляет собой струю жидкости, полностью или частично диспергированную, и газ, окружающий данную струю. Их соотношение скоростей характеризуется коэффициентом скольжения $\psi = v_r/v_{x}$. После рабочей камеры скольжение между средами практически отсутствует, поток поступает в диффузор Д, где часть кинетической энергии смеси преобразуется в потенциальную энергию [8].



В проточной части ВВЭ из-за большой поверхности соприкосновения воды и воздуха, последний насыщается парами воды. В данных эжекторах пассивная среда – паровоздушная смесь, массовый расход которой состоит из массовых расходов воздуха m_B и паров воды m_n, температура потока почти не отличается от температуры воды T_ж. Относительное паросодержание в эжектируемой среде в первом приближении определяется с помощью закона Дальтона, в соответствии с которым объемные расходы воздуха при парциальном давлении P_в-P_п и пара при давлении P_п равны. Относительное паросодержание равно:

$$z = \frac{R_{\rm B}P_{\rm II}}{R_{\rm II}(P_{\rm B} - P_{\rm II})} \tag{55}$$

Где $R_{\rm n}$ и $R_{\rm B}$ – газовые постоянные воздуха и водяного пара; $P_{\rm B}$ и $P_{\rm n}$ – статическое давление на входе в рабочую камеру и давление насыщенного водяного пара при температуре $T_{\rm *}$.

Рабочий процесс ВВЭ описывается законами сохранения массы, количества движения и энергии. В результате их применения для расчетной схемы течения при условии изотермического сжатия газа в эжекторе, получаем:

$$P_1^* - P_2 = \frac{\rho_{\rm m} v_{\rm m0}^2}{2\varphi^2} \tag{56}$$

$$P_4 = a + \sqrt{a^2 - b} \tag{57}$$

$$P_{5} + b \cdot lh(P_{5}) + \frac{\rho_{\#} v_{\#0}^{2}}{2} \left(1 + \frac{\beta}{P_{5}}\right)^{2} \left(\frac{\Omega_{03}}{\Omega_{54}}\right)^{2} =$$

= $P_{4} + b \cdot lh(P_{4}) + \frac{\rho_{\#} v_{\#0}^{2}}{2} \left(1 + \frac{\beta}{P_{4}}\right)^{2} (1 - \zeta_{45}) {\Omega_{03}}^{2}$ (58)

Где, $a = 0.5[P_2 + \rho_{\mathfrak{m}} v_{\mathfrak{m}0}^2 \Omega_{03} (1 - k\Omega_{03})]; b = \rho_{\mathfrak{m}} v_{\mathfrak{m}0}^2 k \Omega_{03}^2 \beta; \beta = \frac{m_{\mathfrak{m}} R_{\mathfrak{m}} T_{\mathfrak{m}} P_2}{Q_{\mathfrak{m}} (P_2 - P_{\Pi})}; k = 0.5$

 $1 + \frac{0.5\lambda L_{34}}{D_3}$; P_i – статическое давление i-го сечения (i – номер сечения), $P_1^* = P_1 + \frac{\rho_{\pi}v_{\pi 1}^2}{2}$ – полное давление перед соплом, ρ_{π} – плотность жидкости, v_{π} – скорость жидкости; φ – коэффициент скорости сопла, $\Omega_{03} = S_0/S_3$ – относительная площадь сопла, $\Omega_{54} = S_5/S_4$ – относительное расширение диффузора, S_i – площадь нор-

						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	46
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		

мального сечения эжектора, L_{34} и D_3 – длина и диаметр рабочей камеры, λ – коэффициент гидравлического трения, ζ_{45} – коэффициент потерь в диффузоре, $Q_{\rm w}$ – объемный расход жидкости.

6.2. Сравнение характеристик ГИК и ВВЭ

Для сравнения характеристик гидроимпульсного компрессора и многосоплового водовоздушного эжектора воспользуемся экстремальными характеристиками многосоплового ВВЭ рис.24.



Рис. 23. Экстремальные характеристики многосоплового ВВЭ

При соотношении P₅ и P₂ ε_{52} =6, и коэффициенте эжекции α =2,83 \approx 3, получим параметр струи Г=34 (рис.22).

$$\varepsilon_{12} = \frac{\Gamma}{2\varphi^2} + 1 = \frac{34}{2 \cdot 0.95^2} + 1 = 19.84$$

Когда для ГИК ε_{12} =14,24, значит требуемое давление подвываемой воды для ВВЭ Р₁ в 1,4 раза больше. Значит и потребляемая гидравлическая мощность ВВЭ в 1,4 раза больше.

						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	47
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

- Исследовали рабочий процесс ГИК, главное отличие которого от ВВЭ заключается в том, что эжекция воздуха происходит под действием сил трения и сил давления.
- Составлена физико-математическая модель ГИК и выявлены его основные параметры.
- При заданных параметрах разработана и выполнена конструктивная схема (приложение 1).
- При прочих равных условиях ГИК будет потреблять на 40% меньше энергии, чем многосопловой ВВЭ.

						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	48
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		

БИБЛИОРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК

- Thomas A. The Discharge of Air through Small Orifices, and the Entartaiment of Air by the Ussuing Jet / A. Thomas // Philosophical Magazine – 1922. – V.65, №263. – P. 969-988.
- Спиридонов Е.К., Конструкции жидкостногазовых струйных насосов. Состояние и перспективы/ Е.К. Спиридонов / Вестник ЮУрГУ. Серия «Машиностроение». – 2005. – Вып.1. - №1(41). – С.94-104.
- Александров В.Ю., Оптимальные эжекторы (теория и расчет)/ В.Ю. Александров, К.К. Климовский. – М.: Машиностроение, 2012. – 136с.
- Лямаев Б.Ф., Гидроструйные насосы и установки/ Б.Ф. Лямаев. Л.: Машиностроение, 1988. – 256с.
- 5. Спиридонов Е.К., Теоретическое исследование жидкостно-газового эжектора с прерывистой струей/ Е.К. Спиридонов. – Ч., 1975. – 20с.
- 6. Пат. 549600 СССР. Многосопловой эжектор/ Е.К. Спиридонов, В.К. Темнов.
 № 2125761/06; заявл. 18.04.75; опубл. 14.04.77, Бюл. № 9. 2с.
- Пат. 652355 СССР. Многосопловой эжектор/ Е.К. Спиридонов, В.А. Пахомов, Г.В. Николаенко. № 2557490/25-06; заявл. 10.04.77; опубл. 15.03.79, Бюл. № 9. 2с.
- Темнов В.К., Расчет и проектирование жидкостных эжекторов/ В.К. Темнов, Е.К. Спиридонов. – Челябинск: Изд-во ЮУрГУ, 1984. – 43с.

						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	49
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		.,

ПРИЛОЖЕНИЕ 1. КОНСТРУКТИВНАЯ СХЕМА ГИК

						Лист
					ЮУрГУ-15.03.02.2017.394 ПЗ ВКР	50
ļ	Изм.	Лист	№ докум.	Подпись Да	na	C Û