## МОДЕЛИРОВАНИЕ РОМБОЭДРИЧЕСКОЙ МАГНИТОСТРИКЦИИ В СПЛАВАХ Fe-Ga

М.В. Матюнина<sup>1</sup>, М.А. Загребин<sup>1,2</sup>, В.В. Соколовский<sup>1</sup>, В.Д. Бучельников<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Челябинский государственный университет, г. Челябинск, Российская Федерация <sup>2</sup>Южно-Уральский государственный университет, г. Челябинск,

Российская Федерация

В данной работе представлены результаты моделирования ромбоэдрической магнитострикции сплавов Fe–Ga в кристаллических структурах кубической симметрии, полученные при помощи теории функционала плотности. Показано, что зависимость энергии магнитокристаллической анизотропии от степени малых деформаций является убывающей функцией в диапазоне концентраций от 3,125 до 25 ат.% и меняет знак при величине деформации более 1% сплавах с содержанием Ga 15,625, 21,875 и 25 ат.%. Константа ромбоэдрической магнитострикции в диапазоне концентрации Ga 12,5 – 18,75 ат.% хорошо согласуется с экспериментальными данными.

Ключевые слова: энергия магнитокристаллической анизотропии; вычисления из первых принципов; ромбоэдрическая магнитострикция.

# Введение

Многофункциональные сплавы  $Fe_{100-x}Ga_x$  актуальны в технике в качестве магнитострикционных приводов, преобразователей энергии и датчиков микроэлектромеханических систем. Величина константы тетрагональной магнитострикции  $\lambda_{001}$  в слабых магнитных полях достигает двух максимумов в диапазоне концентраций Ga 0 < x < 35 ат. % [1–3]. Согласно экспериментальным данным наибольшие значения  $\lambda_{001}$  обнаружены для x = 19 ат.% ( $\approx 180 \times 10^{-6}$ ) и x = 27 ат.% ( $\approx 233 \times 10^{-6}$ ) и связаны с наличием в сплавах однородных структур A2 и D0<sub>3</sub>, в то время как уменьшение  $\lambda_{001}$  в области около 25 ат.% Ga связано с сосуществованием нескольких фаз [3]. В то же время, величина константы ромбоэдрической магнитострикции  $\lambda_{111}$  составляет порядка  $\approx 8,5 \times 10^{-6}$  и  $\approx 40,7 \times 10^{-6}$  в области пиков  $\lambda_{001}$  [1,2] и является отрицательной в области x < 19 ат. % [2]. Вопросам экспериментального и теоретического изучения ромбоэдрической магнитострикции в сплавах Fe-Ga посвящено значительно меньшее количество работ, в отличие от тетрагональной магнитострикции  $\lambda_{001}$ . Ресторфф (Restorff) и др. [2] провели исследование влияния изменения формы образца в магнитном поле на величину тетрагональной  $\lambda_{001}$  и ромбоэдрической  $\lambda_{111}$  магнитострикций, а также на константы магнитоупругого взаимодействия  $b_1$  и  $b_2$  в сплавах Fe-X (X = Al, Ga, Ge). Искажения формы образца снижают энергию размагничивания и оказываются существенными для низких и умеренных значений магнитострикции, а также для сплавов с высокой магнитострикцией и низкими модулями упругости. Авторы также пришли к выводу, что магнитострикция и магнитоупругое взаимодействие в этих сплавах обусловлены фазовым переходом «беспорядок-порядок». С теоретической точки зрения влияние ближайшего окружения атомов Ga в структуре D0<sub>3</sub> на величину ромбоэдрической магнитострикции представлено в работе Жанга (Zhang) с соавторами [4]. Показано, что важную роль в определении знака  $\lambda_{111}$  играет симметрия и наличие несвязанных состояний вблизи уровня Ферми.

В данной работе проведено исследование зависимости величины ромбоэдрической магнитострикции сплавов  $Fe_{100-x}Ga_x$  ( $0 \le x \le 28, 125 \text{ ar.}\%$ ) в структурных фазах A2, D0<sub>3</sub> и L1<sub>2</sub> в зависимости от концентрации атомов Ga методом теории функционала плотности.

## 1. Теоретическая модель

Явление магнитострикции, связанное с изменением внешней формы магнетика при его намагничивании, оказывается существенным при рассмотрении доменной структуры и механизма намагничивания [5]. Относительная деформация образца  $\delta l/l_0$  ( $l_0$  длина образца в размагниченном состоянии) обычно очень мала в области малых магнитных полей (порядка  $10^{-5} \div 10^{-6}$ ) и возрастает с ростом напряженности магнитного поля, достигая состояния насыщения при некотором значении поля. В состоянии насыщения величину  $\delta l/l_0$  обычно обозначают  $\lambda$ , и относительное изменение длины при переходе из размагниченного состояния в состояние насыщения составляет [5]:

$$\lambda = \frac{\delta l}{l_0}|_{\text{hacbuyehur}} - \frac{\delta l}{l_0}|_{\text{pasmarhurubahur}} . \tag{1}$$

Как и в случае магнитной анизотропии, представляющей собой явление преимущественной ориентации спонтанной намагниченности магнетика вдоль характерных для него кристаллографических осей, анизотропная магнитострикция определяется энергией спин-орбитального взаимодействия. В отсутствии магнитострикционной деформации кристалла расстояние между спинами фиксировано, и изменения внутренней энергии кристалла не происходит. При деформации образца изменяются длина и направление оси каждой спиновой пары в зависимости от направления вектора спонтанной намагниченности. Для кристаллов кубической сингонии магнитострикция может быть определена через относительное растяжение  $\lambda_{111}$  (постоянная ромбоэдрической магнитострикции) и  $\lambda_{001}$  (постоянная тетрагональной магнитострикции) вдоль направлений [111] и [001] соответственно, следующим образом [5]:

$$\frac{\delta l}{l_0} = \frac{3}{2}\lambda_{001} \left( \sum_{i=1}^3 \alpha_i^2 \beta_i^2 - \frac{1}{3} \right) + 3\lambda_{111} \left( \alpha_1 \alpha_2 \beta_1 \beta_2 + \alpha_2 \alpha_3 \beta_2 \beta_3 + \alpha_1 \alpha_3 \beta_1 \beta_3 \right),$$
(2)

где  $\alpha_i$  и  $\beta_i$  – направляющие косинусы намагниченности (**M**) и напряжения (**S**) относительно одной и той же кристаллографической оси. Направляющие косинусы намагниченности определяются как  $\alpha_1 = \sin \theta_M \cos \varphi_M$ ,  $\alpha_2 = \sin \theta_M \sin \varphi_M$ ,  $\alpha_3 = \cos \theta_M$ , и напряжения  $\beta_1 = \sin \theta_S \cos \varphi_S$ ,  $\beta_2 = \sin \theta_S \sin \varphi_S$ ,  $\beta_3 = \cos \theta_S$ .

Оценить ромбоэдрическую магнитострикцию  $\lambda_{111}$  можно в соответствии с выражением (1) путем определения  $\delta l/l_0$  при повороте вектора намагниченности от оси [111] к оси [11 $\overline{2}$ ] при напряжении, приложенном вдоль направления [111]. На рис. 1 показаны углы  $\varphi$  и  $\theta$ , определяющие направления намагниченности и напряжения. Ромбоэдрическая магнитострикция выражается следующим соотношением:

$$\lambda_{111} = -\frac{2}{3} \left( \frac{\delta l}{l_0} \Big|_{11\bar{2}} - \frac{\delta l}{l_0} \Big|_{111} \right).$$
(3)

159

Вестник ЮУрГУ. Серия «Математическое моделирование

и программирование» (Вестник ЮУрГУ ММП). 2019. Т. 12, № 2. С. 158–165



**Рис. 1**. Углы  $\varphi$  и  $\theta$ , определяющие направление вектора намагниченности вдоль осей [111]  $(\varphi, \theta_j)$  и  $[11\overline{2}]$   $(\varphi, \theta_i)$ . Напряжение параллельно оси [111]

Величины 
$$\frac{\delta l}{l_0}|_{111}$$
 и  $\frac{\delta l}{l_0}|_{11\bar{2}}$  определяются в соответствии с соотношением (2):  
 $\frac{\delta l}{l_0}|_{111} = \lambda_{111} \quad \left(\beta_1 = \beta_2 = \beta_3 = 1/\sqrt{3}, \ \alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3 = 1/\sqrt{3}\right),$ 
(4)

$$\frac{\delta l}{l_0}|_{11\bar{2}} = -\frac{1}{2}\lambda_{111} \quad \left(\beta_1 = \beta_2 = \beta_3 = 1/\sqrt{3}, \ \alpha_1 = \alpha_2 = 1/\sqrt{6}, \ \alpha_3 = -2/\sqrt{6}\right). \tag{5}$$

Энергия магнитокристаллической анизотропии определяется как разность энергий с ориентацией спинов вдоль направлений [uvw] и  $E_{\text{мин}}$  в соответствии с уравнением

$$E_{MKA} = E_{[uvw]} - E_{\text{мин}},\tag{6}$$

где  $E_{\text{мин}}$  – энергия системы с наиболее стабильной ориентацией спинов. Для определения  $E_{MKA}$  были вычислены энергии системы в направлениях [111] и [11 $\overline{2}$ ] в зависимости от малых искажений  $\varepsilon$  при постоянном объеме. Постоянную ромбоэдрической магнитострикции  $\lambda_{111}$  в рамках теории функционала плотности непосредственно можно рассчитать с помощью следующего выражения [4]:

$$\lambda_{111} = \frac{2dE_{MKA}/d\varepsilon}{3d^2 E_{novn.}/d^2\varepsilon} = -\frac{b_2}{3C_{44}},\tag{7}$$

$$-b_2 = \frac{2}{3V} \frac{dE_{MKA}}{d\varepsilon}.$$
(8)

Энергия кристаллической решетки при постоянном объеме может быть разложена в ряд по степеням малых деформаций  $\varepsilon$ 

$$E_{nonm.}(V,\varepsilon) = E_{nonm.}(V_0,0) + V_0 \sum_{i=1}^6 \sigma_i \varepsilon_i + \frac{V_0}{2} \sum_{i,j=1}^6 c_{ij} \varepsilon_i \varepsilon_j + o\left(\varepsilon^3\right),\tag{9}$$

где  $c_{ij}$  – упругие константы,  $E_{nonh.}(V_0, 0)$  – полная энергия недеформированной решетки объема  $V_0$ ,  $\varepsilon_i$  и  $\sigma_i$  – тензоры деформации и напряжения соответственно.

Для расчета объемного модуля  $B = (C_{11} + 2C_{12})/3$  и модулей  $C' = (C_{11} - C_{12})/2$ и  $C_{44}$  были использованы изотропный, орторомбический и моноклинный тензоры деформации  $D_i(\varepsilon)$ , представленные ниже, с шагом деформации 1% в диапазоне  $-3\% \le \delta \le 3\%$ .

$$D_{1}(\varepsilon) = \begin{pmatrix} \delta & 0 & 0 \\ 0 & \delta & 0 \\ 0 & 0 & \delta \end{pmatrix}, D_{2}(\varepsilon) = \begin{pmatrix} \delta & 0 & 0 \\ 0 & -\delta & 0 \\ 0 & 0 & \frac{\delta^{2}}{1 - \delta^{2}} \end{pmatrix}, D_{3}(\varepsilon) = \begin{pmatrix} \frac{\delta^{2}}{1 - \delta^{2}} & \delta & 0 \\ \frac{\delta}{0} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}.$$

Упругие константы были определены путем аппроксимации изменения полной энергии  $\Delta E$  полиномами второго и четвертого порядков в соответствии со следующими уравнениями:

$$\Delta E = \frac{9V_0B}{2}\delta^2 + \mathcal{O}\left(\delta^4\right),\tag{10}$$

$$\Delta E = 2V_0 C' \delta^2 + \mathcal{O}\left(\delta^4\right),\tag{11}$$

$$\Delta E = 2V_0 C_{44} \delta^2 + \mathcal{O}\left(\delta^4\right). \tag{12}$$

Расчеты всех необходимых характеристик были выполнены в рамках теории функционала плотности, реализованной в программном пакете VASP [6, 7]. Обменно-корреляционное взаимодействие учитывалось в приближении обобщенного градиента в формулировке Пердью, Бурка и Эрнзерхофа (*Perdew, Burke and Ernzerhof*) [8]. Электрон-ионное взаимодействие описывалось методом проекционноприсоединенных волн (*projector-augmented wave, PAW*) [7] со следующей валентной конфигурацией атомов:  $Fe(3p^63d^74s^1)$  и  $Ga(3d^{10}4s^24p^1)$ . Величина отсечения энергии плоских волн составляла 400 эВ. Для интегрирования по зоне Бриллюэна использовалась сетка Монхорст – Пака [9] размером  $8 \times 8 \times 8$  *k*-точек.

В недавней работе [10] было проведено исследование из первых принципов свойств пяти структурных состояний A2, D0<sub>3</sub>, B2, L1<sub>2</sub> и D0<sub>19</sub> сплавов Fe<sub>100-x</sub>Ga<sub>x</sub> (x = 0 - 31, 25 ar.%). Полученная зависимость разности энергий кристаллических структур от концентрации атомов Ga показала, что наиболее устойчивыми являются фазы A2, D0<sub>3</sub> и L1<sub>2</sub>. Фаза A2 энергетически выгодна в области  $0 \le x < 6, 25 \text{ ar.\%}$  в то время как состояние D0<sub>3</sub> устойчиво в диапазоне  $6, 25 \le x < 21, 875 \text{ ar.\%}$  и фаза L1<sub>2</sub> обладает наименьшей энергией в области концентрации атомов Ga 21,  $875 \le x < 31, 25 \text{ ar.\%}$ .

В данной работе рассмотрены следующие устойчивые структурные состояния: А2 (пространственная группа симметрии  $Im\bar{3}m \ N^2 229$ , со структурой типа  $\alpha$ -Fe) со случайно распределенными атомами Fe и Ga; D0<sub>3</sub> (пространственная группа симметрии  $Fm\bar{3}m \ N^2 225$ , со структурой типа BiF<sub>3</sub>) с частично или полностью упорядоченными атомами Fe и Ga; L1<sub>2</sub> (пространственная группа симметрии  $Pm\bar{3}m \ N^2 221$ , со структурой типа Cu<sub>3</sub>Au) с частично или полностью упорядоченными атомами Fe и Ga.

Моделирование было выполнено для 32-х атомных суперъячеек. Различные концентрационные конфигурации задавались путем замещения атомов одного сорта другим, при этом замена одного атома Fe/Ga соответствует изменению концентрации 3, 125 ат.%. Расчетные суперъячейки показаны на рис. 2.



**Рис. 2**. Расчетные 32-атомные суперячейки  $Fe_{24}Ga_8$  (соответствует сплаву  $Fe_{75}Ga_{25}$ ) с кристаллическими структурами: а) A2, б) D0<sub>3</sub> и в) L1<sub>2</sub> и соответствующие им элементарные ячейки. Суперячейки получены транслированием элементарных ячеек вдоль кристаллографических осей в соответствии с формулами:  $4 \times 2 \times 2$  для фазы A2 и  $2 \times 2 \times 2$  для фаз D0<sub>3</sub> и L1<sub>2</sub>

### 2. Результаты моделирования

На рис. 3 представлены результаты исследования энергии магнитокристаллической анизотропии  $E_{MKA}$  кристаллических структур A2, D0<sub>3</sub> и L1<sub>2</sub> в зависимости от степени малых деформаций  $\varepsilon$  в сплавах Fe<sub>100-x</sub>Ga<sub>x</sub>.

Видно, что в фазе A2 для чистого железа ( $\alpha$ -Fe, объемно-центрированная кубическая решетка) наблюдается увеличение  $E_{MKA}$  с увеличением степени искажения, и происходит смена знака с отрицательного на положительный. В дальнейшем, с увеличением концентрации атомов Ga в кристаллических структурах вплоть до x = 28, 125 ат.% энергия магнитокристаллической анизотропии характеризуется отрицательным наклоном. В диапазоне концентраций  $3, 125 \leq x \leq 12, 5$  ат.% и при x = 18, 75 ат.%  $E_{MKA}$  для структур A2 и D0<sub>3</sub> является положительной. В области значений  $21, 875 \leq x < 28, 125$  ат.% и при x = 15, 625 ат.%  $E_{MKA}$  меняет знак с положительного на отрицательный при  $\varepsilon \geq 1\%$ .

На рис. 4 а) приведены результаты расчетов ромбоэдрической магнитострикции  $\lambda_{111}$  в зависимости от концентрации атомов Ga. В диапазоне  $0 < x \leq 12, 5$  ат.%  $\lambda_{111}$  уменьшается с увеличением содержания атомов Ga, достигая минимума при x = 12, 5 ат.%. При содержании Ga более 12, 5 ат.% в сплавах  $Fe_{100-x}Ga_x$  наблюдается увеличение ромбоэдрической магнитострикции в кристаллической структуре D0<sub>3</sub>. Для структуры L1<sub>2</sub> магнитострикция  $\lambda_{111}$  также увеличивается. В сплаве  $Fe_{71,875}Ga_{28,125}$   $\lambda_{111}$  принимает положительное значение. Для сравнения на рис. 4 а) приведены экспериментальные значения  $\lambda_{111}$ , взятые из работы [2]. Можно отметить хорошее согласие полученных теоретических значений для фазы D0<sub>3</sub> с экспериментальными данными.

Полученные значения модуля упругости  $C_{44}$ , представленные на рисунке 4 б) хорошо согласуются с экспериментом при концентрации атомов Ga  $x \ge 12, 5$  ат.%. Имеющиеся различия могут быть объяснены тем фактом, что вычисления выполнялись при T = 0 K, в то время как экспериментальные значения получены при комнатной



**Рис. 3**. Зависимость энергии магнитокристаллической анизотропии  $E_{MKA}$  от степени малых деформаций  $\varepsilon$  в сплавах  $\operatorname{Fe}_{100-x}\operatorname{Ga}_x$  для кристаллических структур: а) A2, б) D0<sub>3</sub> и в) L1<sub>2</sub>

температуре. Кроме того, экспериментальные образцы могут быть многофазными, в то время как расчеты выполнены для случая однофазных монокристаллов.

## Заключение

В настоящей работе проведено моделирование из первых принципов ромбоэдрической магнитострикции в сплавах  $Fe_{100-x}Ga_x$  ( $0 \le x \le 28, 125$ ) для кристаллических структур A2, D0<sub>3</sub> и L1<sub>2</sub>. Показано, что зависимость  $E_{MKA}(\varepsilon)$  имеет отрицательный наклон в диапазоне концентраций  $3, 125 \le x \le 25$  ат.% и достигает максимального значения в фазе D0<sub>3</sub> при x = 12, 5 ат.% и  $\varepsilon = -2\%$ . Рассчитанные значения модуля упругости имеют хорошее согласие с экспериментальными данными для сплавов с содержанием Ga  $x \ge 12, 5$  ат.%. Постоянная ромбоэдрической магнитострикции  $\lambda_{111}$  в диапазоне  $3, 125 \le x \le 25$  ат.% имеет отрицательные значения. При концентрации атомов Ga x = 12, 5 ат.% ромбоэдрическая магнитострикция достигает максимально-



**Рис.** 4. Зависимость а) ромбоэдрической магнитострикции и б) модуля упругости сплавов  $Fe_{100-x}Ga_x$  для кристаллических структур A2, D0<sub>3</sub> и L1<sub>2</sub> от концентрации атомов Ga

го (по модулю) значения. В фазе L1<sub>2</sub> при x = 28,125 ат. $\% \lambda_{111}$  становится положительной. В фазе D0<sub>3</sub>, полученные значения магнитострикции хорошо согласуются с экспериментальными данными

Работа проводилась при финансовой поддержске Российского научного фонда, гранты № 18-12-00283 (расчеты модулей упругости), № 17-72-20022 (расчеты ромбоэдрической магнитострикции).

# Литература / References

- Clark A.E., Hathaway K.B., Wun-Fogle M. Extraordinary Magnetoelasticity and Lattice Softening in Bcc Fe–Ga Alloys. *Journal of Applied Physics*, 2003, vol. 93, pp. 8621–8623. DOI: 10.1063/1.1540130
- Restorff J.B., Wun-Fogle M., Hathaway K.B. et al. Tetragonal Magnetostriction and Magnetoelastic Coupling in Fe-Al, Fe–Ga, Fe-Ge, Fe-Si, Fe–Ga-Al, and Fe–Ga-Ge Alloys. *Journal of Applied Physics*, 2012, vol. 111, p. 023905. DOI: 10.1063/1.3674318
- Qingsong Xing, Yingzhou Du, McQueeney R.J., Lograsso T.A. Structural Investigations of Fe–Ga Alloys: Phase Relations and Magnetostrictive Behavior. Acta Materialia, 2008, vol. 56, pp. 4536–4546. DOI: 10.1016/j.actamat.2008.05.011
- Yanning Zhang, Hui Wang, Ruqian Wu. First Principles Determination of the Rhombohedral Magnetostriction of Fe<sub>100-x</sub>Al<sub>x</sub> and Fe<sub>100-x</sub>Ga<sub>x</sub> Alloys. *Physical Review B*, 2012, vol. 86, p. 224410. DOI: 10.1103/PhysRevB.86.224410
- 5. Chikazumi S. Physics of Ferromagnetism. New York, Oxford University Press, 1997.
- 6. Kresse G., Furthmüller J. Efficient Iterative Schemes for Initio Total-Energy Calculations Using a Plane-Wave Basis Set. *Physical Review*, 1996, vol. 54, pp. 11169–11186. DOI: 10.1103/PhysRevB.54.11169
- 7. Kresse G., Joubert D. From Ultrasoft Pseudopotentials to the Projector Augmented-Wave Method. *Physical Review*, 1999, vol. 59, pp. 1758–1775. DOI: 10.1103/PhysRevB.59.1758

- 8. Perdew J.P., Burke K., Enzerhof M. Generalized Gradient Approximation Made Simple. Physical Review Letters, 1996, vol. 77, pp. 3865–3868. DOI: 10.1103/PhysRevLett.77.3865
- 9. Monkhorst H.J., Pack J.D. Special Points for Brillouin-Zone Integrations. *Physical Review*, 1976, vol. 13, pp. 5188–5192. DOI: 10.1103/PhysRevB.13.5188
- 10. Matyunina M.V., Zagrebin M.A., Sokolovskiv V.V., Pavlukhina O.O., Buchelnikov V.D., Balagurov A.M., Golovin I.S. Phase Diagram of Magnetostrictive Fe-Ga Alloys: Insights from Theory and Experiment. Phase Transitions, 2019, vol. 92, pp. 101-116. DOI: 10.1080/01411594.2018.1556268

Мария Викторовна Матюнина, аспирант, кафедра физики конденсированного состояния, Челябинский государственный университет (г. Челябинск, Российская Федерация), matunins.fam@mail.ru.

Михаил Александрович Загребин, кандидат физико-математических наук, доцент, кафедра радиофизики и электроники, Челябинский государственный университет (г. Челябинск, Российская Федерация); кафедра уравнений математической физики, Южно-Уральский государственный университет (г. Челябинск, Российская Федерация), miczag@mail.ru.

Владимир Владимирович Соколовский, доктор физико-математических наук, доцент, кафедра физики конденсированного состояния, Челябинский государственный университет (г. Челябинск, Российская Федерация), vsokolovsky84@mail.ru.

Василий Дмитриевич Бучельников, доктор физико-математических наук, профессор, заведующий кафедрой физики конденсированного состояния, Челябинский государственный университет (г. Челябинск, Российская Федерация), buche@csu.ru.

Поступила в редакцию 28 марта 2019 г.

#### **MSC 65Z05**

# DOI: 10.14529/mmp190214 MODELLING OF RHOMBOHEDRAL MAGNETOSTRICTION IN Fe–Ga ALLOYS

M.V. Matyunina<sup>1</sup>, M.A. Zagrebin<sup>1,2</sup>, V.V. Sokolovskiy<sup>1</sup>, V.D. Buchelnikov<sup>1</sup> <sup>1</sup>Chelyabinsk State University, Chelyabinsk, Russian Federation <sup>2</sup>South Ural State University, Chelvabinsk, Russian Federation E-mails: matunins.fam@mail.ru, miczag@mail.ru, vsokolovsky84@mail.ru, buche@csu.ru

> The paper presents the results of modelling of rhombohedral magnetostriction for Fe-Ga alloys in the cubic crystal structures. The results are obtained with the help of the theory of density functional. We show that the energy of magnetic crystalline anisotropy is a decreasing function of the small deformation in the concentration range from 3,125 to 25 at.%. Magnetic crystalline anisotropy changes the sign, if the deformation is more than 1%for alloys with Ga 15,625, 21,875 and 25 at.%. Rhombohedral magnetostriction constant agrees well with the experiment results for alloys with Ga concentration at 12.5 - 18.75at.%.

> Keywords: magnetocrystalline anisotropy energy; ab intio calculations; rhobohedral magnetostriction.

> > Received March 28, 2019